

Чтобы начать решать задачи, зайдите в систему по адресу <https://neerc.ifmo.ru/p> и нажмите кнопку «Начать соревнование».

Лучшие участники муниципального этапа будут приглашены на региональный этап, который состоится 16 и 18 января 2020 года.

### Задача А. Шахматная доска

Саша пронумеровала клетки шахматной доски, начиная с левого нижнего угла (клетки **a1**) по горизонталям сверху вниз, внутри горизонтали слева направо. У неё получилась следующая нумерация:

8	57	58	59	60	61	62	63	64
7	49	50	51	52	53	54	55	56
6	41	42	43	44	45	46	47	48
5	33	34	35	36	37	38	39	40
4	25	26	27	28	29	30	31	32
3	17	18	19	20	21	22	23	24
2	9	10	11	12	13	14	15	16
1	1	2	3	4	5	6	7	8
	a	b	c	d	e	f	g	h

По заданному номеру клетки выведите, что это за клетка.

#### Формат входных данных

На вход подаётся одно число  $n$  от 1 до 64.

#### Формат выходных данных

Выведите, какая клетка получила номер  $n$ .

#### Система оценки

В этой задаче 20 тестов, каждый оценивается независимо в 5 баллов.

#### Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
1	a1

### Задача В. Электричка

В столице Флатландии открыта линия городской электрички. На линии  $n$  станций, пронумерованных от 1 до  $n$ . Линия проходит город по диаметру и обоими концами уходит в область. А именно, станции с 1-й по  $a$ -ю находятся в области, затем станции с  $(a + 1)$ -й по  $(b - 1)$ -ю находятся в городе, а станции с  $b$ -й по  $n$ -ю находятся в области.

Стоимость билета на электричку зависит от начальной, конечной станции и того, через какие станции проезжает пассажир.

- Если и начальная, и конечная станция находятся в городе, применяется тариф «город».
- Если обе станции находятся в области, причём между этими станциями электричка не проезжает через город, то применяется тариф «область».
- В противном случае применяется тариф «полный».

Напишите программу, которая по начальной станции  $s$  и конечной станции  $t$  определяет, какой тариф необходимо применить.

#### Формат входных данных

Первая строка содержит три целых числа:  $n$ ,  $a$  и  $b$  ( $3 \leq n \leq 10^9$ ,  $1 \leq a, b \leq n$ ,  $b - a > 1$ ). Вторая строка содержит два целых числа:  $s$  и  $t$  ( $1 \leq s, t \leq n$ ,  $s \neq t$ ).

#### Формат выходных данных

Если необходимо применить тариф «город», выведите «City».

Если необходимо применить тариф «область», выведите «Outside».

Если необходимо применить тариф «полный», выведите «Full».

#### Система оценки

В этой задаче 25 тестов, каждый тест оценивается независимо в 4 балла.

#### Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
20 8 16 1 4	Outside
20 8 16 9 11	City
20 8 16 2 11	Full

### Задача С. Размещения без крутых спусков

Размещением из  $n$  по  $k$  называется массив  $a[1..k]$ , содержащий  $k$  различных натуральных чисел, каждое из которых находится в диапазоне от 1 до  $n$ .

Пара подряд идущих элементов размещения  $a[i], a[i + 1]$  называется *спуском*, если  $a[i] > a[i + 1]$ . Спуск называется *крутым*, если  $a[i] > a[i + 1] + 1$ .

По заданным  $n$  и  $k$  требуется вывести все размещения из  $n$  по  $k$  без крутых спусков. Размещения необходимо упорядочить по первому числу, при равенстве первого — по второму, затем по третьему и так далее.

#### Формат входных данных

Первая строка ввода содержит натуральное число  $n$ , вторая строка ввода содержит натуральное число  $k$  ( $1 \leq k \leq n \leq 13$ ).

#### Формат выходных данных

Выведите все размещения из  $n$  по  $k$  без крутых списков, по одному на строке. Внутри размещения разделяйте числа пробелами.

#### Система оценки

В этой задаче 25 тестов, каждый тест оценивается независимо в 4 балла.

#### Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
3	1 2
2	1 3
	2 1
	2 3
	3 2

### Задача D. Против постулата Бертрана

Постулат Бертрана утверждает, что для любого  $n \geq 2$  найдётся простое число  $p$ , для которого  $n < p < 2n$ . Постулат Бертрана был сформулирован в качестве гипотезы в 1845 году французским математиком Бертраном, проверившим её до  $n = 3\,000\,000$ , и доказан в 1852 году Чебышёвым.

Петя хочет повторить подвиг Бертрана и убедиться в справедливости его постулата для разных значений  $n$ . Однако, поскольку он не сомневается в корректности доказательства Чебышёва, он немного изменил цель: для данного  $n$ , Петя хочет найти максимальный по длине отрезок составных чисел, который лежит строго между  $n$  и  $2n$ .

Требуется найти такие  $l$  и  $r$ , чтобы  $n < l \leq r < 2n$ , все числа от  $l$  до  $r$ , включительно, были составными и  $r - l$  было максимально. Если подходящих отрезков несколько, необходимо вывести тот, у которого  $l$  минимально.

#### Формат входных данных

На вход подаётся одно целое число  $n$  ( $3 \leq n \leq 10^7$ ).

#### Формат выходных данных

Выведите искомые  $l$  и  $r$ .

#### Система оценки

Баллы за каждую подзадачу начисляются только в случае, если все тесты для этой и предыдущих подзадач успешно пройдены.

Подзадача	Баллы	Ограничения
1	19	$3 \leq n \leq 10^3$
2	19	$3 \leq n \leq 10^4$
3	19	$3 \leq n \leq 10^5$
4	21	$3 \leq n \leq 10^6$
4	22	$3 \leq n \leq 10^7$

#### Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
10	14 16

### Задача Е. Двоичные единицы

Рассмотрим натуральное число  $x$ . Требуется прибавить к нему минимальное возможное целое неотрицательное число  $y$ , чтобы двоичная запись получившегося числа  $x + y$  имела ровно  $k$  единиц.

#### Формат входных данных

Первая строка ввода содержит натуральное число  $x$  ( $1 \leq x \leq 10^{18}$ ).

Вторая строка ввода содержит натуральное число  $k$  ( $1 \leq k \leq 60$ ).

#### Формат выходных данных

Выведите минимальное возможное целое неотрицательное число  $y$ , такое что двоичная запись числа  $x + y$  имеет ровно  $k$  единиц.

#### Система оценки

Тесты в подзадачах оцениваются независимо, каждый тест оценивается в 2 балла.

Подзадача	Количество тестов	Ограничения
1	10	$x \leq 1000, k \leq 10$
2	10	$x \leq 10^6, k \leq 20$
3	10	$x \leq 10^9, k \leq 30$
4	5	$x \leq 10^{18}, k = 1$
5	15	$x \leq 10^{18}, k \leq 60$

#### Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
20 4	3

### Задача F. Монотонная подпоследовательность

Рассмотрим последовательность  $a_1, a_2, \dots, a_n$ . Её подпоследовательность  $a_{i_1}, a_{i_2}, \dots, a_{i_k}$ , где  $1 \leq i_1 < i_2 < \dots < i_k \leq n$  называется монотонной, если либо

$$a_{i_1} \leq a_{i_2} \leq \dots \leq a_{i_k},$$

либо

$$a_{i_1} \geq a_{i_2} \geq \dots \geq a_{i_k}.$$

Для заданных  $n$  и  $k$ , найдите последовательность, состоящую из чисел от 1 до  $n$  таких, что каждое из чисел встречается в ней ровно один раз, а длина самой длинной монотонной подпоследовательности (возрастающей или убывающей) составляет ровно  $k$ .

#### Формат входных данных

Первая строка входных данных содержит целые числа  $n$  и  $k$  ( $1 \leq k \leq n \leq 10^6$ ), длина последовательности и требуемая длина самой длинной монотонной подпоследовательности.

#### Формат выходных данных

Если требуемой последовательности не существует, выведите  $-1$  в первой и единственной строке.

Если требуемая последовательность существует, выведите ее в первой и единственной строке. Если подходящих последовательностей несколько, можно вывести любую из них.

#### Система оценки

В этой задаче 10 тестов, каждый оценивается независимо в 10 баллов.

#### Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
4 3	2 3 4 1
5 1	-1
5 5	1 2 3 4 5